

نام و نام خانوادگی:	بسمه تعالی	تاریخ:
نام طراح: زارع	آموزش و پرورش شهرستان مشهد ناحیه ۴	تعداد صفحات:
ساعت شروع:	موسسه فرهنگی آموزشی امام حسین علیه السلام	تعداد سوال:
نام درس: ریاضیات گسسته	دیبرستان دخترانه دوره دوم امام حسین(ع)- واحد ۲	نمره به عدد:
ردیف	نمره به حروف:	آزمون نوبت اول پایه دوازدهم کلیه رشتهها
۱	مدت آزمون: ۱۱۰ دقیقه	سوالات (پاسخ ها را در پاسخنامه بنویسید)
۱	درستی یا نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید. الف) اگر $x$ و $y$ گویا باشد، $y\sqrt{2}$ و $x$ گنگ است. ب) اگر $b a$ و $c d$ ، می‌توان آن گاه $a + c b + d$ باشد. ج) عدد یال‌های گراف $K_6$ و $P_{15}$ با هم برابر است.	۰/۷۵
۲	جهای خالی را با عبارت مناسب پر کنید. الف) باقیماندهی تقسیم $1734213$ بر $11$ ..... است. ب) در یک گراف $r$ -منتظم مرتبه $p$ تعداد یال‌ها ..... است.	۰/۵
۳	گر $x$ و $y$ دو عدد حقیقی باشند، ثابت کنید $(x^2 + 1) \geq -2y(x + y + 1)$ .	۱/۲۵
۴	نشان دهید اگر $p > 3$ اول باشد، به صورت $1 + 6k + 5$ یا $6k + 1$ است.	۱
۵	گر $1 - 4k - 6 16k^2 + 16k - 5$ ، ثابت کنید که $16k^2 + 16k - 5$ برابر با $36$ است.	۱/۲۵
۶	گر $a$ عدد صحیح فرد و $b a + 2$ باشد، باقیماندهی تقسیم $a^2 + b^2 + 3$ بر $8$ را به دست آورید.	۱
۷	گر باقیماندهی تقسیم $a$ بر $7$ و $8$ به ترتیب $5$ و $7$ باشد، باقیماندهی تقسیم $a$ بر $56$ را به دست آورید.	۱/۵
۸	ثابت کنید اگر باقیماندهی تقسیم $a$ و $b$ بر $m$ مساوی باشد، $a \equiv_m b$ .	۱
۹	گر دو عدد $5 - 3a - 4a$ یا $3a - 4a - 5$ رقم یکان برابر داشته باشند، رقم یکان $4 + 9a$ را بیابید.	۱/۵
۱۰	معادله‌ی همنهشتی $1543x^9 \equiv 65$ را در صورت امکان حل کرده و مجموعه جواب را به دست آورید.	۱/۲۵
۱۱	گر $22$ بهمن پنجشنبه باشد، $25$ اردیبهشت همان سال چند شنبه است؟	۱
۱۲	به چند حالت می‌توان $21$ کیلو را با تعدادی وزنه‌ی $2$ و $5$ کیلویی وزن کرد؟	۱/۵
۱۳	باقیماندهی تقسیم عدد $29 + 17 + 10^3 \times 1000$ بر $13$ بیابید.	۱
۱۴	گر $3 + 4\alpha + 7n$ و $1 + 3\alpha + 13n$ باشد، مقادیر ممکن برای $\alpha$ را بیابید.	۱
۱۵	در یک مرتبه‌ی $20$ بزرگ‌ترین درجه برابر $9$ است. کمترین درجه در گراف مکمل آن چند است؟	۱
۱۶	گراف $G$ به صورت زیر رسم شده است. با توجه به این گراف به سوالات زیر پاسخ دهید. الف) مجموعه‌ی $N_G[a]$ را بنویسید. ب) درجه‌ی راس $g$ در گراف $\bar{G}$ را بیابید. پ) چند مسیر به طول $3$ از $a$ به $c$ وجود دارد؟ بنویسید. ت) دور به طول $5$ با شروع از $a$ بنویسید.	۱/۵
۱۷	ثابت کنید تعداد رئوس درجه فرد یک گراف فرد است.	۱
۱۸	یک گراف مرتبه‌ی $8$ با $27$ یال چند راس با درجه‌ی ماکزیمم دارد؟	۱